

求

表

捷

術

數未有有正而無負者對數何獨不然單一以上爲正對數其用數爲一帶畸零四十五度內正割類之單一以下爲負對數其用數爲微小於一四十五度外餘弦類之此出于象數之自然初不容有段借者父執戴鄂士先生發前人未發之蘊玆爲負算對數正負全而對數乃無遺憾爰本正負二義以徑求八綫對數精思所到捷徑忽開矣余惟對數以減代除實內減法爲正減減餘仍爲正法內減實爲反減減餘易爲負負算之由已肇于此凡有連比例三率其中率爲一者其首末二率之對數爲數必同爲正負必異而以兩真數互相除其除得之數亦必一正一

負而以單一爲中率正割半徑餘弦正連比例三率也若降半徑爲單一正割餘弦亦從之而降降位半徑昇之對數爲無數降位正割餘弦之對數相加仍得降位半徑昇之對數亦必爲無數綫如是率亦如是故演得之正割對數率及餘弦對數率必同母子而異正負惟正負異故以減爲加惟母子同故相減適盡適得一之對數也八綫之中惟正割必正餘弦必負而又以半徑爲中率至他綫皆與正負用數不相似故徑求無其術耳嗟乎文章之道每踵事而增華學問之途必因端而竟委然非先生之沈思卓識亦不能融真假二數以得其會通然則象數之精微

軒  
豈有窮盡哉咸豐丙辰十月愚姪夏鸞翔題于聽墨



新法推步用八線表則較繁而用八線對數表則較  
易竊嘗思必待求得八線而後由八線一一求其對  
數縱有捷法亦屬多一轉輾若能舍八線而徑用弧  
背求其八線對數不更直捷乎顧雖有此意而禦之  
之法殊不可得也至去歲獲見壬叔李君甫接談未  
數語壬叔卽首議此事頓驚喜其意見之同然詢以  
禦之之法亦未得其梗概何則蓋以真數求假數本  
非逐數可求故恆借他數爲用數今旣但知弧背又  
烏知此八線之真數或可徑求假數乎抑尙須求用  
數乎如須求用數則卽不可求矣此徑求八線假數  
之所以難也今秋錄外切密率旣竟忽悟四十五度

以內割線頗可徑求假數不必借用數依法術之果  
得徑求割線對數之術復思割線既可徑求當不僅  
可求一線因又悟連比例開方法其用初商實較大  
者二術可求負算對數而因以得弧背求四十五度  
以外正弦對數之術夫八線內既得二線對數則諸  
線對數可加減而得遂乘數旬暇術爲術解並附算  
式以爲求表之助至他線對數亦可徑求特須借用  
弧背對數而求弧背對數仍籍對數表殊失徑求之  
意故置不取焉他日質之壬叔未識定以爲何如也  
咸豐壬子仲冬鄂士戴煦識

假數測圓總目

卷上

求負算對數二術

以本弧弧分求四十五度以內割線對數

有四十五度以內割線對數求四十五度以外

割線對數

有割線對數求諸線對數

卷下

以餘弧弧分求四十五度以外正弦對數

有四十五度以外正弦對數求四十五度以內

正弦對數

作對法圖

有正弦對數求諸線對數

假數測圓 卷之上

求負算對數二術

對數有正有負自單一以上之對數均屬正數自單一以下之對數均屬負數而恆以單一爲正負之界故其對數爲適足無數假如以二除一得○五故以二之對數命爲負數卽○五之對數蓋於適足無數內減二之對數適負一二之對數也又如以二除八得四故以二之對數減八之對數得四之對數若以八除二得○二五故以四之對數命爲負數卽○二五之對數也又不滿單一之數用爲乘法則乘得數必反小於原數若用爲除法

則除得數必反大於原數此定理也故以○二五除二得八在對數爲以○二五之對數減二之對數得八之對數但減法係同名相減異名相加今○二五與二之對數既正負異名則當以加爲減故仍以○二五之對數加二之對數而得八之對數若以○二五乘八則得二在對數爲以○二五之對數加八之對數而得二之對數但加法係同名相加異名相減今○二五與八之對數亦正負異名又當以減爲加故仍以○二五之對數減八之對數而得二之對數矣惟此種不滿單一之真數若用續對數簡法求對數根與求借數之對數

二術求之則必借單一下帶零數之數爲用數矣  
茲更設二術卽用不滿單一之數爲用數而其對  
數亦無不可求不特以補數對數簡法之遺而求  
八線對數有賴是術者故先及之

假如有不滿單一之真數。九八求其對數

法以真數。九八減單一得。二用爲乘法乃依  
續對數簡法求得對數根。四三四二九四四八二  
以乘法乘之得。八六八五八八九六四爲第  
一數負。置第一數以乘法乘之又一乘之二除之  
得八六八五八九。爲第二數負。置第二數以乘  
法乘之又二乘之三除之得一一五八一二爲第三

數負 置第三數以乘法乘之又三乘之四除之得  
 一七三七爲第四數負 置第四數以乘法乘之又  
 四乘之五除之得二八爲第五數負 乃并諸負數  
 得負○○○八七七三九二四三一爲○九八之對  
 數若以一百乘之得九十八故以一百之對數二內  
 減求得數正負異名以減爲加得一九九一二二六○七五六  
 九爲九十八之對數也

用數 ○九八  
 乘法 ○○二

第一數

○○○八六八五八八九六四

八六八五八八九○

一一五八一二

一七三七

二八

并得數

○○○八七七三九二四三一

○九八對數

減餘數 一 二 三 四 五 六 七 八 九 十 十一 十二 十三 十四 十五 十六 十七 十八 十九 二十 二十一 二十二 二十三 二十四 二十五 二十六 二十七 二十八 二十九 三十 三十一 三十二 三十三 三十四 三十五 三十六 三十七 三十八 三十九 四十 四十一 四十二 四十三 四十四 四十五 四十六 四十七 四十八 四十九 五十 五十一 五十二 五十三 五十四 五十五 五十六 五十七 五十八 五十九 六十 六十一 六十二 六十三 六十四 六十五 六十六 六十七 六十八 六十九 七十 七十一 七十二 七十三 七十四 七十五 七十六 七十七 七十八 七十九 八十 八十一 八十二 八十三 八十四 八十五 八十六 八十七 八十八 八十九 九十 九十一 九十二 九十三 九十四 九十五 九十六 九十七 九十八 九十九 一百

九十八對數

此術用續對數簡法以本數求折小各率第三術開極多位九乘方也蓋大於單一各數則用第三術其初商必爲二而初商已極大而不可算若小於單一各數則如求對數根以及求借數之對數二術其初商必小於單一如求○九八之對數其初商必爲○九而初商實又極小而不可算故用第三術則初商可用單一而初商實必仍爲單一而無所窒碍矣又第三術之第一數爲正而第二數以下均爲負求對數之開方例不用第一數故所得各數均爲負算惟每數當以初商實爲除法

而初商實既爲單一則可省除又本法應於求得數後以對數根乘之而以之先乘第一數其得數亦相同也

又術

法以真數。九八減單一得。二用爲乘法以。九八爲除法乃以乘法乘對數根除法除之得。八八六三一五二六九爲第一數負。置第一數以乘法乘之除法除之一乘之二除之得九。四四。三三爲第二數正。置第二數以乘法乘之除法除之二乘之三除之得一二三。四八爲第三數負。置第三數以乘法乘之除法除之三乘之四除之。

得一八八三爲第五數正 置第四數以乘法乘之  
除法除之四乘之五除之得三一爲第五數負 置  
第五數以除法乘之除法除之五乘之六除之滿五  
進一得一爲第六數正 乃并諸負數得○○○八  
八六四三八三四八以并諸正數○○○○九九  
四五九一七減之得負○○○八七七三九二四三  
一爲○九八之對數也

用數○九八

乘法○○二

除法○九八

第一數○○○八八六一五二六九

九○四四○三三

一二三○四八

一八八三  
三二

六

并負數

○○○八八六四三八三四八

并正數

○○○○九〇四五九一七

減餘數

○○○八七七三九二四三二

此術用以本數求折小各率第四術開極多位九  
乘方也術之乘法與前術同而除法則前術用初  
商實爲單一自可省算此術用本數故較前術多  
一次除其正負相間本起正數而求對數者不用  
第一數故其正負相間起負數既起負數必負數  
盈而正數歉故負正二數相減而所餘者在負數  
也此二術亦可求單一以上之對數如遇真數九  
十八之類則降二位如前二術求之求得數後與

二相減卽九十八之對數又或他數用借數乘之使首位爲九降位亦可爲用數假如求二十三之用數置二十三以四乘之得九十二降二位得〇九二爲二十三之用數依前二術求得數後與二相減再減四之對數卽得二十三之對數也總而論之開諸乘方有四術求對數則求正算對數二術求對數根一術求借數之對數一術求負算對數二術亦有四術而求對數之法於是乎始全矣凡弧背求正割對數則生於求正算之術而求正弦對數則生於求負算之術故不可不備也



以本弧弧分徑求四十五度以內正割對數

術曰先求各率分子爲遞次乘法 以二爲數根卽

爲第一乘法 置前數根加二得四爲數根置前乘

法四五遞乘之一二遞除之得二十爲初減數以數

根減初減得十六爲第二乘法 置前數根加二得

六爲數根置前初減六七遞乘之三四遞除之得七

十爲初減數置前乘法六七遞乘之一二遞除之得

三百三十六爲次減數以數根減初減得六十四再

減次減得二百七十二爲第三乘法 置前數根加

二得八爲數根置前初減八九遞乘之五六遞除之

得一百六十八爲初減數置前初減八九遞乘之三

四遞除之得二千〇十六爲次減數置前乘法八九  
遞乘之一二遞除之得九千七百九十二爲三減數  
以數根減初減得一百六十再減次減得一千八百  
五十六再減三減得七千九百三十六爲第四乘法

凡數根均起各耦數其求各減數則用耦奇二數

乘而逐次乘法遞加

如第二乘法用四五乘  
第三乘法用六七乘

再用奇

耦二數除而挨次減數遞降

如第三乘法初減用三  
四除次減用一二除

乘法降一位則多一減如是遞求得各率分子卽爲

遞次乘法

乃以二爲全徑單一爲半徑求其逐度弧分爲弧線  
表以所設若干度檢弧線表得弧分爲二率以半徑

單一爲一率二率自乘得三率

本當以一率除之得三率而一率係單一

可省除下做此

以乘對數根二除之爲第一數正

置第一

數以三率乘之得五率三四遞除之爲七率用數第

一乘法乘之爲第二數正 置七率用數以三率乘

之得七率五六遞除之爲九率用數第二乘法乘之

爲第三數正 置九率用數以三率乘之得九率七

八遞除之爲十一率用數第三乘法乘之爲第四數

正 置十一率用數以三率乘之得十一率九十遞

除之爲十三率用數第四乘法乘之爲第五數正

如是遞求至應求位數下乃并諸正數視所設半徑

較單一應升若干位如半徑一百億係十一位較單

一應升十位則於首位加一。○卽得所設度正割對數

解曰求對數用以本數求折小各率第一第二術其用數必爲單一下帶零數則降位易而可求如續對數簡法求對數根以及求借數之對數是也而四十五度以內各正割線與其用數相似何也用數爲單一下帶零數而割線爲半徑外帶割線半徑差若命半徑爲單一則亦爲單一下帶零數四十五度以外則割線半徑差漸大不類帶零數矣故有割線求其對數者不必更求用數但降半徑爲單一卽可爲用數其求法用第二術當以降位割線半徑差爲乘法半

徑單一爲除法復換次以一二三四等數乘除之  
求得各數又一正一負加減之然後以對數根乘  
之卽得半徑單一之割綫對數今雖未知割綫半  
徑差真數而弧背求割綫半徑差各率分數則推  
演而可知見外切  
密率則卽命割綫半徑差各率分數  
爲乘法以半徑一率爲除法如求折小各率第二  
術演之而本弧求正割對數之各率分數卽在是  
矣蓋本弧求割綫半徑差率分起三率若自乘爲  
一率乘五率以半徑除之必起五率率數逐次遞  
降則推演率分亦無所窒碍也今依外切密率演  
得本弧求割綫半徑差率分三率一二分之一又

五率一二三四分之五又七率自一至六分之六  
 十一又九率自一至八分之一千三百八十五又  
 十一率自一至十分之五萬〇五百二十一為本

弧求正割線對數之乘法也

|                |                  |
|----------------|------------------|
| 九率<br>一二三四五六七八 | 十率<br>一二三四五六七八九十 |
| 一二三四五六         | 一二三四五六七八         |
| 一二             | 一二               |
| 除<br>七八乘       | 除<br>九十乘         |
| 一二三四           | 一二三四五六           |
| 一二三四           | 一二三四             |
| 除<br>五六七八乘     | 除<br>七八九十乘       |
| 一二三四五六         | 一二三四五六           |
| 除<br>三四五六七八乘   | 除<br>五六七八九十乘     |
|                | 一二三四五六七八         |
|                | 除<br>三四五六七八九十乘   |

如圖置本弧求  
 割線半徑差率  
 分為實仍以本  
 弧求割綫半徑  
 差為乘法乘之  
 先置原實五率  
 以下分母為定



分又一二分應以一二除之五六乘之其九率定  
母係自一至八分乘法式係自一至六分又一二  
分應以一二除之七八乘之其十一率定母係自  
一至十分乘法式係自一至八分又一二分應以  
一二除之九十乘之通計乘除得如次層一率乘  
五率一二三四分之六又一率乘七率自一至六  
分之七十五又一率乘九率自一至八分之一千  
七百。八又一率乘十一率自一至十分之六萬  
二千三百二十五爲第一同母式次以原實次位  
五率一二三四分之五徧乘乘法得三層一率乘  
七率一二分又一二三四分之五又一率乘九率

一二三四分又一二三四分之二十五又一率乘  
十一率自一至六分又一二三四分之三百。五  
爲第二乘法式復依法乘除之使從定母得四層  
一率乘七率自一至六分之七十五又一率乘九  
率自一至八分之一千七百五十又一率乘十一  
率自一至十分之六萬四千。五十爲第二同母  
式次以原實三位七率自一至六分之六十一徧  
乘乘法得五層一率乘九率一二分又自一至六  
分之六十一又一率乘十一率一二三四分又自  
一至六分之三百。五爲第三乘法式復依法乘  
除之使從定母得六層一率乘九率自一至八分

之一千七百〇八又一率乘十一率自一至十分  
之六萬四千〇五十爲第三同母式次以原實四  
位九率自一至八分之一千三百八十五乘乘法  
得七層三率乘十一率一二分又自一至八分之  
一千三百八十五爲第四乘法式復依法乘除之  
使從定母得一率乘十一率自一至十分之六萬  
二千三百二十五爲第四同母式以四同母式相  
并一率除之一率乘三率者命爲三率一率乘得  
五率者命爲五率卽爲一率除之得  
五率一二三四分之六又七率自一至六分之一  
百五十又九率自一至八分之五千一百六十六  
又十一率自一至十分之二十五萬二千七百五

十為第二數全率

|                            |                                      |  |
|----------------------------|--------------------------------------|--|
| 七率                         | 九率                                   | 十率   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 一<br>二<br>三<br>四           | 一<br>二<br>三<br>四                     | 一<br>二<br>三<br>四                               |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |

|                            |                                      |  |
|----------------------------|--------------------------------------|--|
| 七率                         | 九率                                   | 十率   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 一<br>二<br>三<br>四           | 一<br>二<br>三<br>四                     | 一<br>二<br>三<br>四                               |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |

|                            |                                      |  |
|----------------------------|--------------------------------------|--|
| 七率                         | 九率                                   | 十率   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 一<br>二<br>三<br>四           | 一<br>二<br>三<br>四                     | 一<br>二<br>三<br>四                               |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 除乘                         | 除乘                                   | 除乘   |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |

之三十又一率乘十一率自一至六分又一二三

次以第二數全率為實

以乘法乘之先置原實

七率以下分母為定母

以原實首位五率一二

三四分之六徧乘乘法

得首層一率乘七率一

二分又一二三四分之

六又一率乘九率一二

三四分又一二三四分

四分之三百六十六爲第一乘法式依法乘除之  
使從定母得次層一率乘七率自一至六分之九  
十又一率乘九率自一至八分之二千一百又一  
率乘十一率自一至十分之七萬六千八百六十  
爲第一同母式次以原實次位七率自一至六分  
之一百五十徧乘乘法得三層一率乘九率一二  
分又自一至六分之一百五十又一率乘十一率  
一二三四分又自一至六分之七百五十爲第二  
乘法式復依法乘除之使從定母得四層一率乘  
九率自一至八分之四千二百又一率乘十一率  
自一至十分之十五萬七千五百爲第二同母式

次以原實三位九率自一至八分之五千一百六十六乘乘法得五層一率乘十一率一二分又自一至八分之五千一百六十六爲第三乘法式復依法乘除之使從定母得六層一率乘十一率自一至十分之二十三萬二千四百七十爲第三同母式以三同母式相并一率除之得七率自一至六分之九十又九率自一至八分之六千三百又十一率自一至十分之四十六萬六千八百三十爲第三數全率

次以第三數全率爲實以乘法乘之先置原實九率以下分母爲定母以原實首位七率自一至六



式復依法乘除之使從定母得四層一率乘十一  
率自一至十分之二十八萬三千五百爲第二同  
母式以二同母式相并一率除之得九率自一至  
八分之二千五百二十又十一率自一至十分之  
三十七萬八千爲第四數全率

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 | 一 |

次以第四數全率爲實以乘法乘之先置  
原實十一率分母爲定母以原實首位九  
率自一至八分之二千五百二十乘乘法  
得首層一率乘十一率一二分又自一至

八分之二千五百二十爲乘法式依法乘除之使  
從定母得次層一率乘十一率自一至十分之十

一萬三千四百為同母式以一率除之得十一率  
自一至十分之十一萬三千四百為第五數全率

乃置本弧求割線半徑差

率分為第一數次置第二

數全率二除之得五率一

二三四分之三又七率自

一至六分之七十五又九

率自一至八分之二千五

百八十三又十一率自一

至十分之十二萬六千三

百七十五為第二數係負

|                        |                            |                                 |
|------------------------|----------------------------|---------------------------------|
| 七率<br>一 二 三 四 五 六<br>上 | 九率<br>一 二 三 四 五 六 七 八<br>上 | 十一率<br>一 二 三 四 五 六 七 八 九 十<br>上 |
| 二四                     | 二四                         | 二四                              |
| 一卅                     | 一卅                         | 一卅                              |
| 三〇                     | 三〇                         | 三〇                              |
| 一丁                     | 一丁                         | 一丁                              |
|                        | 三〇                         | 三〇                              |
| 一丁                     | 卅                          | 卅                               |
|                        |                            | 一丁                              |
| 一丁                     | 卅                          | 卅                               |

算應減第一數計減得三

率一二分之一又五率一

二三四分之二少七率自

一至六分之十四少九率自一至八分之一千一

百九十八少十一率自一至十分之七萬五千八

百五十四爲第一減得數次置第三數全率三除

之求對數之第三數係二乘三除彼因第三數生於第二數原屬二分第三數全率之一故二乘

之得全率再三除此既用第三數全率則三得七除之已得第三數不必再用二乘也下做此

率自一至六分之三十又九率自一至八分之二

千一百又十一率自一至十分之十五萬五千六

百一十爲第三數係正算應加而第一減得數七

三率二  
五率三  
四

率以下均屬負數正負異名仍當以減爲加計減  
得三率一二分之一又五率一二三四分之二又  
七率自一至六分之十六又九率自一至八分之  
九百。二又十一率自一至十分之七萬九千七  
百五十六爲第二加得數次置第四數全率四除  
之得九率自一至八分之六百三十又十一率自  
一至十分之九萬四千五百爲第四數係負算應  
減計減得三率一二分之一又五率一二三四分  
之二又七率自一至六分之十六又九率自一至  
八分之二百七十二少十一率自一至十分之一  
萬四千七百四十四爲第三減得數次置第五數

全率五除之得十一率自一至十分之二萬二千六百八十爲第五數係正算應加因第三減得數之十一率係負數仍當以減爲加計減得三率一二分之一又五率一二三四分之二又七率自一至六分之十六又九率自一至八分之二百七十二又十一率自一至十分之七千九百三十六爲本弧求正割線對數各率分數也

細審本弧求割線對數率分其分母與本弧求割線半徑差同是其逐率除法必自一二而三四而五六矣惟其分子則由迭次乘除迭次加減而得莫能知其所由來乃取本弧求切線分子與之相

較

本弧求切線分子見外切密率

則一一相符如求切線二率分

子爲一而求割線對數三率分子亦爲一求切線  
四率分子爲二而求割線對數五率分子亦爲二  
求切線六率八率十率分子爲十六爲二百七十  
二爲七千九百三十六而求割線對數七率九率  
十一率分子亦爲十六爲二百七十二爲七千九  
百三十六夫第五分子以前既一一相符則第五  
分子以後亦必一一相符蓋迭次乘除加減層層  
抵算適與脗合也故借本弧求切線術中求各率  
分子之法以求遞次乘法而數適合更不待他求  
也又求得數後當以對數根乘之爲正割對數又

先以乘第一數其得數亦同也

又術用以本數求折小各率第一術如續對數簡法求對數根之法求之則當以本弧求割線半徑差率分爲乘法以本弧求割線半徑差率分首位加一率一得本弧求割線率分爲除法乃置一率一以乘法乘之除法除之爲第一數次置第一數又乘法乘之除法除之爲第二數全率次置第二數全率以乘法乘之除法除之爲第三數全率如是遞求得各數全率然後置第二數全率二除之爲第二數置第三數全率三除之爲第三數如是遞求得各數乃以各數相并亦得本弧求正割線

對數率分但所求得率分之分母分子與前術相同而是術以本弧求割線率分爲除法衍算較煩重故不復贅

弧線表

設全徑二 半徑單一

一秒

〇〇〇〇〇四八四八二三七

二秒

〇〇〇〇〇九六九六二七四

三秒

〇〇〇〇〇一四五四四四一〇

四秒

〇〇〇〇〇一九三九五五四七

五秒

〇〇〇〇〇二四二四〇六八四

六秒

〇〇〇〇〇二九〇八八八二二

七秒

〇〇〇〇〇三三九三六九五八

八秒

〇〇〇〇〇三八七八五〇九四

九秒

〇〇〇〇〇四三六三三三三一

一十秒

〇〇〇〇〇四八四八三六八

二十秒

〇〇〇〇〇九六九六二七三六

三十秒

〇〇〇〇一四五四四四一〇四

四十秒

〇〇〇〇一九三九五五四七二

五十秒

〇〇〇〇二四二四〇六八四二

一分

〇〇〇〇二九〇八八二〇九

二分

〇〇〇〇五八一七七六四二七

三分

〇〇〇〇八七二六六四六二六

四分

〇〇〇〇一六三五五三八三五

五分

〇〇〇〇二四五四四四一〇四三

六分

〇〇〇〇二七四五三三九二五

七分

〇〇〇二〇三六二七四六二

八分

〇〇〇三三七一〇五六六九

九分

〇〇〇二六二七九三三八七八

一十分

〇〇〇二九〇八八二〇八七

二十分

〇〇〇五八一七七六四一七三

三十分

〇〇〇八七二六六四六二六〇

四十分

〇〇一六三五五二八三四七

五十分

〇〇一四五四四四一〇四三三

一度

〇〇一七四五三三九二五二〇

二度

〇〇三四九〇六五八五〇四〇

三度

〇〇五二三五九八七七五六〇

四度

〇〇六九八一三二七〇〇八〇

五度

〇〇八七二六六四六二六〇〇

六度

〇一〇四七一九七五五二二〇

七度

〇一二三一七三〇四七六四〇

八度

〇一三九六二六七四〇一六〇

九度

〇一五七〇七九六三三六八〇

一十度

〇一七四五三二九二五二九九

二十度

〇三四九〇六五八五〇三九九

三十度

〇五二三五九八七七五五九九

四十度

〇六九八一三二七〇〇七九八

象限

一五七〇七九六三三六七九五

凡求對數止用四十五度以內弧分故弧綫表亦至四十度而止

求割線對數各率乘法表

第一乘法

二

第二乘法

一六

第三乘法

二七三

第四乘法

七九三六

第五乘法

三五三七九

第六乘法

二二六八二五六

第七乘法

一九〇三七五七三〇〇

第八乘法

二〇九八六五三〇〇〇〇〇



凡求四十五度以內諸正割對數其降位最難  
取數最多者莫如求四十五度之正割對數茲  
將有四十五度弧分求其正割對數算式列於  
後

法檢弧線表得四十五度弧分單位下七八五三九  
八一六三四。爲二率自乘得單位下六一六八五  
。二七五。七二爲三率以對數根單位下四三四  
二九四四八一九。三乘之二除之得。一三三九  
四七三三五三一爲第一數正 次置第一數以三  
率乘之得五率三除之四除之得連單位三。下六  
八八五四五四二一九三三爲七率用數第一乘法

二乘之得一三七七。九。八四四爲第二數正

次置七率用數以三率乘之得七率五除之六除之得連單位四。下一四一五七六四七七六四三爲九率用數第二乘法一六乘之得二二六五二二三六四爲第三數正 次置九率用數以三率乘之得九率七除之八除之得連單位六。下一五五九四九。八七八二爲十一率用數第三乘法二七二乘之得四二四一八一五二爲第四數正 次置十一率用數以三率乘之得十一率九除之十除之得連單位八。下一。六八八五八一九七爲十三率用數第四乘法七九三六乘之得八四八二四五九爲

第五數正 次置十三率用數以三率乘之得十三  
率十一除之十二除之得連單位十一。下四九九  
四八八九九五爲十五率用數第五乘法三五三七  
九二乘之得一七六七一五二爲第六數正 次置  
十五率用數以三率乘之得十五率十三除之十四  
除之得連單位十三。下一六九二九一一七爲十  
七率用數第六乘法二二三六八二五六乘之得三  
七八六七五爲第七數正 次置十七率用數以三  
率乘之得十七率十五除之十六除之得連單位十  
六。下四三五一一三七七爲十九率用數第七乘  
法一九。三七五七三下連單位二。乘之得八二

八三五爲第八數正 次置十九率用數以三率乘  
之得十九率十七除之十八除之得連單位十九。  
下八七七一二四三爲二十一率用數第八乘法二  
○九八六五三下連單位五○乘之得一八四○八  
爲第九數正 次置二十一率用數以三率乘之得  
二十一率十九除之二十除之得連單位二十一。  
下一四二三八二七爲二十三率用數第九乘法二  
九○八八八九下連單位七○乘之得四一四二爲  
第十數正 次置二十三率用數以三率乘之得二  
十三率二十一除之二十二除之得連單位二十四  
○下一九○一○五爲二十五率用數第十乘法四

九五一五。○下連單位十。○乘之得九四一。爲第十  
一數正。次置二十五。率用數以三率乘之得二十  
五。率二十三。除之二十四。除之得連單位二十七。○  
下二一二四。四爲二十七。率用數第十一。乘法一。○  
一五四二。下連單位十三。○乘之得二一六。爲第十  
二數正。次置二十七。率用數以三率乘之得二十  
七。率二十五。除之二十六。除之得連單位三十。○下  
二。○一六。○爲二十九。率用數第十二。乘法二四六  
九二。下連單位十六。○乘之得五。○爲第十三數正。  
次置二十九。率用數以三率乘之得二十九。率二  
十七。除之二十八。除之得連單位三十三。○下一六

四五爲三十一率用數第十三乘法七。二五二下  
連單位十八。乘之得一二爲第十四數正。次置  
三十一率用數以三率乘之得三十一率二十九除  
之三十除之得連單位三十六。下一七七第十四  
乘法二。三一。二下連單位二十一。乘之得三爲第  
十五數正。乃以諸正數相并得。一五。五一。四  
九九七八四。以半徑一百億係十一位。乃于首位加  
一。尾位未滿五棄之得。一。五。五一。四九九  
七八爲四十五度正割對數也。

二率

○七八五三九八一六三四○

三率

○六一六八五〇二七五〇七三

各率用數

○〇〇〇六八八五四四二一九三三  
○〇〇〇一四一五七六四七七六四三



檢八線對數表四十五度正割對數之尾數係九  
數屬稍盈何以知之蓋四十五度正割爲弦則半  
徑爲勾又爲股試取半徑對數一。倍之得二。  
爲半徑昇對數再加二之對數得二。三。一。  
二九九九五六六三九八一二爲二之半徑昇對  
數卽割線昇對數半之得一。一五。五一四九  
九七八三一九九。六爲割線對數截用十二位  
則十三位以下未滿五當棄其餘尾數正得八以  
是知表中所列差盈也

求四十五度正割對數用十五數自此以下取數  
漸少降位亦漸易若求至四十五度以外則降位

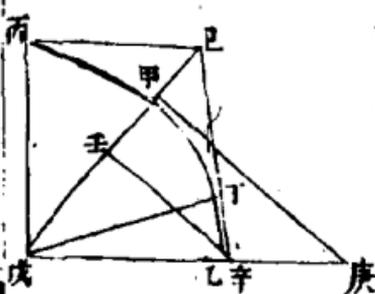
愈難而不可求矣然求八線對數者有四十五度  
以內諸割線對數則四十五度以外諸割線對數  
可加減而得有象限內諸正餘割對數則諸正餘  
切諸正餘弦諸正餘矢之對數皆可加減而得不  
必更用連比例也



有四十五度以內諸正割對數求四十五度以  
外諸正割對數

術曰以本弧減象限得餘弧以餘弧減本弧得較弧  
乃取較弧正割對數加半徑對數以餘弧正割對數  
內減二之對數減之即得本弧正割對數

解曰凡餘弧半正割與較弧正割之比同于半徑  
與本弧正割之比也



如圖甲乙爲本弧甲丙爲餘弧甲丁  
同丁乙爲較弧戊庚爲本弧割線戊  
己爲餘弧割線戊辛爲較弧割線戊  
辛己成兩等邊三角形

甲戊辛角得  
本弧度而已

戊丁句股形之戊角得餘弧度則己角亦必試從  
得本弧度兩角相同必爲兩等邊三角形

辛作辛壬垂線平分戊己線爲二則戊壬辛勾股  
形與戊甲庚勾股形爲同式形故以戊壬小勾爲  
餘弧半割線比戊辛小弦爲較弧割線若戊甲大  
句爲半徑與戊庚大弦爲本弧割線也

一率 戊壬小句餘弧半割線

二率 戊辛小弦較弧割線

三率 戊甲大句半徑

四率 戊庚大弦本弧割線

在真數爲以較弧割線乘半徑爲實以餘弧割線  
半之爲法除之得本弧割線在對數爲以較弧割

線對數與半徑對數相加又以餘弧割線對數內減二之對數減之得本弧割線對數也

假如有四十五度以內諸正割對數求四十六度正割對數

法以四十六度減象限得四十四度爲餘弧轉減本弧得二度爲較弧乃取較弧正割對數一〇〇〇〇二六四四六一一加半徑對數得二〇〇〇〇二六四六一一又取餘弧正割對數一〇一四三〇六五九〇九九內減二之對數得九八四二〇三五九一四三減之得一〇一五八二二八七二六八爲四十六度正割對數也如求四十七度正割對數法以

本弧四十七度減象限得四十三度爲餘弧轉減本  
弧得四度爲較弧乃取較弧正割對數一〇〇〇一  
〇五九二一〇二加半徑對數得二〇〇〇一〇五  
九二一〇二又取餘弧正割對數一〇一三五八七  
二五三六二內減二之對數得九八三四八四二五  
四〇六減之得一〇一六六二一六六六九六爲四  
十七度正割對數也

大凡本弧在四十五度以外則餘弧必在四十五  
度以內惟大于六十七度三十分則較弧過四十  
五度然挨次遞求至六七十度則此過四十五度  
之較弧正割對數必先經求得矣故有四十五度

以內諸正割對數自可徧求四十五度以外諸正割對數

有正餘割對數求正餘切對數

術曰以本弧正割對數加半徑對數內減本弧餘割對數得本弧正切對數若以本弧餘割對數加半徑對數內減本弧正割對數卽得本弧餘切對數

假如求四十四度正餘切對數

法以本弧正割對數一〇一四三〇六五九〇九九加半徑對數得二〇一四三〇六五九〇九九內減本弧餘割對數一〇一五八二二八七二六八得九九八四八三七一八三一爲正切對數如以餘割對

數加半徑對數得二〇一五八二二八七二六八內  
減正割對數得一〇〇一五一六二八一六九爲餘  
切對數

有正餘割對數求正餘弦對數

術曰以半徑對數倍之內減本弧餘割對數得本弧  
正弦對數若內減本弧正割對數即得本弧餘弦對  
數

假如求四十四度正餘弦對數

法以半徑對數倍之得二〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇

○以本弧餘割對數一〇一五八二二八七二六九  
減之得九八八一七七一二七三一爲正弦對數若

以本弧正割對數一〇一四三〇六五九〇九九減  
之得九八五六九三四〇九〇一爲餘弦對數

有正餘割對數求正餘矢對數

術曰以半徑對數三之加二之對數以半弧倍餘割  
對數減之得正矢對數若以半餘弧之倍餘割對數  
減之卽得餘矢對數

假如求四十四度正餘矢對數

法以四十四度半之得二十二度爲半弧以半弧減  
半象限得二十三度爲半餘弧乃以半徑對數三之  
加二之對數得三〇三〇一〇二九九九五六以半  
弧餘割對數一〇四二六四二四五八三〇倍之得

二〇八五二八四九一六六〇減之得九四四八一  
八〇八二九六爲正矢對數若以半餘弧餘割對數  
一〇四〇八一二一九八八四倍之得二〇八一六  
二四三九七六八減之得九四八四七八六〇一八  
八爲餘矢對數

有正餘割對數求正餘大矢對數

術曰以半徑對數三之加二之對數以半弧倍正割  
對數減之得本弧大矢對數若以半餘弧倍正割對  
數減之卽得餘弧大矢對數

假如求四十四度正餘大矢對數

法以四十四度半之得二十二度爲半弧以半弧減

半象限得二十三度爲半餘弧乃取半徑對數三之  
加二之對數得三〇三〇一〇二九九五六以半  
弧正割對數一〇〇三二八三四一三九五倍之得  
二〇〇六五六八二七九〇減之得一〇二三五  
三六一七一六六爲本弧大矢對數若以半餘弧正  
割對數一〇〇三五九七三九一七三倍之得二〇  
〇七一九四七八三四六減之得一〇二二九〇八  
二一六一〇爲餘弧大矢對數

此數術卽八線互求之法特真數用乘除而對數  
則易以加減耳

假數測圓卷之五

譚瑩玉生覆校

假數測圓 卷之下

以餘弧弧分徑求四十五度以外正弦對數

術曰依前求正割對數術求得各率分子爲遞次乘

法 乃以本弧減象限得餘弧弧分爲二率以半徑

單一爲一率二率自乘得三率

半徑單一故  
省除下同

以乘對

數根二除之爲第一數負 置第一數以三率乘之

得五率三四遞除之爲七率用數第一乘法乘之爲

第二數負 次置七率用數以三率乘之得七率五

六遞除之爲九率用數第二乘法乘之爲第三數負

次置九率用數以三率乘之得九率七八遞除之

爲十一率用數第三乘法乘之爲第四數負 次置

十一率用數以三率乘之得十一率九十遞除之爲  
十三率用數第四乘法乘之爲第五數負如是遞  
求至應求位數下乃并諸負數視所設半徑較單一  
應升若干位如半徑一百億係十一位較單一應升  
十位卽以求得數與一○相減卽得所設度正弦對  
數

解曰用以本數求折小各率第三第四術其用數  
必微小于單一則降位易而可求如前求負算對  
數二術求○九八之對數是也而四十五度以內  
各餘弦似之何也求負算對數之用數微小于單  
一而四十五度以內之餘弦亦微小于半徑四五度

以外則餘弦漸短故有餘弦求其對數者不必更

非微小于半徑矣

求用數但降半徑爲單一則降位餘弦卽用數其

求法若用求負算對數第一術當以降位餘弦減

半徑單一得正矢爲乘法半徑單一爲除法挨次

以一二三四乘除之求得各數命爲負算相并然

後以對數根乘之卽得半徑單一之餘弦對數今

雖未知正矢而本弧求正矢率分則推衍而可知

見杜氏九術

則卽命本弧求正矢各率分數爲乘法以

半徑一率爲除法如求折小各率第三術衍之而

本弧求餘弦對數

卽餘弦求正弦對數

各率分數卽在是矣

今依杜氏演得本弧求正矢率分爲三率一二分

之一少五率一二三四分之一多七率自一至六  
 分之一少九率自一至八分之一多十一率自一  
 至十分之一為本弧求餘弦對數之乘法也

|  |  |
|--|--|
| 九率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 十率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 四<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六            | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八                 |
| 除乘<br>七<br>八<br>三<br>四                     | 除乘<br>一<br>九<br>三<br>四                               |
| 四<br>一<br>二<br>三<br>四                      | 四<br>五<br>六<br>三<br>四                                |
| 除乘<br>一<br>五<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六      | 除乘<br>一<br>七<br>三<br>四<br>五<br>六                     |
| 除乘<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 除乘<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 除乘<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八 | 除乘<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |

如圖置本弧求  
 正矢率分爲實  
 仍以本弧求正  
 矢率分爲乘法  
 乘之先置原實  
 五率以下分母  
 爲定母以原實  
 首位三率一二

|   |   |    |   |
|---|---|----|---|
| 三 | 三 | 除乘 | 三 |
| 二 | 二 | 二六 | 二 |
| 一 | 一 | 五  | 一 |
| 四 | 四 | 除乘 | 四 |
| 三 | 三 | 三  | 三 |
| 二 | 二 | 二  | 二 |
| 一 | 一 | 一  | 一 |
| 五 | 五 | 五  | 五 |

分之二 徧乘乘

法得首層一率

乘五率一二分

又一二分之二一少一率乘七率一二三四分又一

二分之一多一率乘九率自一至六分又一二分

之一少一率乘十一率自一至八分又一二分之二

一爲第一乘法式其五率定母係一二三四分乘

法式分母係一二分又一二分應以一二除之三

四乘之使從定母其七率定母係自一至六分乘

法式係一二三四分又一二分應以一二除之五

六乘之其九率定母係自一至八分乘法式係自

一至六分又一二分應以一二除之七八乘之其  
十一率定母係自一至十分乘法式係自一至八  
分又一二分應以一二除之九十乘之通計乘除  
得二層一率乘五率一二三四分之六少一率乘  
七率自一至六分之十五多一率乘九率自一至  
八分之二十八少一率乘十一率自一至十分之  
四十五爲第一同母式次以原實次位少五率一  
二三四分之一徧乘乘法得三層少一率乘七率  
一二分又一二三四分之多一率乘九率一二  
三四分又一二三四分之一少一率乘十一率自  
一至六分又一二三四分之一爲第二乘法式依

法乘除之使從定母得四層少一率乘七率自一  
至六分之十五多一率乘九率自一至八分之七  
十少一率乘十一率自一至十分之二百一十爲  
第二同母式次以原實三位七率自一至六分之  
一徧乘乘法得五層一率乘九率一二分又自一  
至六分之一少一率乘十一率一二三四分又自  
一至六分之一爲第三乘法式復依法乘除之使  
從定母得六層一率乘九率自一至八分之二十  
八少一率乘十一率自一至十分之二百一十爲  
第三同母式次以原實四位少九率自一至八分  
之一乘乘法得七層少一率乘十一率一二分又

自一至八分之一爲第四乘法式復依法乘除之  
使從定母得八層少一率乘十一率自一至十分  
之四十五爲第四同母式乃以四同母式相并一  
率除之得五率一二三四分之六少七率自一至  
六分之三十多九率自一至八分之一百二十六  
少十一率自一至十分之五百一十爲第二數全  
率

次置第二數全率爲實以乘法乘之先置原實七  
率以下分母爲定母以原實首位五率一二三四  
分之六徧乘乘法得首層一率乘七率一二分又  
一二三四分之六少一率乘九率一二三四分又

一二三四分之六多一率乘十一率自一至六分

又一二三四分之六為

第一乘法式依法乘除

之使從定母得次層一

率乘七率自一至六分

之九十少一率乘九率

自一至八分之四百二

十多一率乘十一率自

一至十分之一千二百

六十為第一同母式次

以原實次位少七率自一至六分之三十徧乘乘

|  |  |  |
|--|--|--|
| 七率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六               | 九率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八     | 十率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 一<br>二<br>三<br>四                               | 一<br>二<br>三<br>四                               | 一<br>二<br>三<br>四                                     |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>除<br>乘                     | 一<br>二<br>三<br>四<br>除<br>乘                     | 一<br>二<br>三<br>四<br>除<br>乘                           |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>除<br>乘           | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>除<br>乘           | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>除<br>乘                 |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>除<br>乘 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>除<br>乘 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>除<br>乘       |

以原實次位少七率自一至六分之三十徧乘乘

法得三層少一率乘九率一二分又自一至六分  
之三十多一率乘十一率一二三四分又自一至  
六分之三十爲第二乘法式復依法乘除之使從  
定母得四層少一率乘九率自一至八分之八百  
四十多一率乘十一率自一至十分之六千三百  
爲第二同母式次以原實三位九率自一至八分  
之一百二十六乘乘法得五層一率乘十一率一  
二分又自一至八分之一百二十六爲第三乘法  
式復依法乘除之使從定母得六層一率乘十一  
率自一至十分之五千六百七十爲第三同母式  
乃并三同母式以一率除之得七率自一至六分

之九十少九率自一至八分之一千二百六十多  
 十一率自一至十分之一萬三千二百三十爲第  
 三數全率

|  |  |
|--|--|
| 九率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八     | 十率<br>一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六                     | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六                           |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十       |
| 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十 | 一<br>二<br>三<br>四<br>五<br>六<br>七<br>八<br>九<br>十       |

次置第三數全率爲實以乘法  
 乘之先置原實九率以下分母  
 爲定母以原實首位七率自一  
 至六分之九十徧乘乘法得首  
 層一率乘九率一二分又自一  
 至六分之九十少一率乘十一  
 率一二三四分又自一至六分

之九十爲第一乘法式依法乘除之使從定母得

次層一率乘九率自一至八分之二千五百二十  
少一率乘十一率自一至十分之一萬八千九百  
爲第一同母式次以原實次位少九率自一至八  
分之一千二百六十乘乘法得三層少一率乘十  
一率一二分又自一至八分之一千二百六十爲  
第二乘法式復依法乘除之使從定母得四層少  
一率乘十一率自一至十分之五萬六千七百爲  
第二同母式乃并二同母式以一率除之得九率  
自一至八分之二千五百二十少十一率自一至  
十分之七萬五千六百爲第四數全率

次置第四數全率爲實以乘法乘之先置原實十

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 率 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 | 九 | 十 |
| 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 | 九 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 |
| 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 | 九 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 |
| 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 | 九 |
| 十 | 九 | 八 | 七 | 六 | 五 | 四 | 三 | 二 |

一率分母爲定母以原實首位九率自一

至八分之二千五百二十乘乘法得首層

一率乘十一率一二分又自一至八分之

二千五百二十爲乘法式依法乘除之使

從定母得次層一率乘十一率自一至十分之十

一萬三千四百爲同母式以一率除之得十一率

自一至十分之十一萬三千四百爲第五數全率

乃置本弧求正矢率分正者負之負者正之爲第

一數次置第二數全率二除之正負互易得少五

率一二三四分之三多七率自一至六分之十五

少九率自一至八分之六十三多十一率自一至

十分之二百五十五爲第二數應加第一數正負

異名當以減爲加計減得

少三率一二分之一少五

率一二三四分之二多七

率自一至六分之十四少

九率自一至八分之六十

二多十一率自一至十分

之二百五十四爲第一加

得數次置第三數全率三

除之正負互易得少七率

自一至六分之三十多九

| 七率          | 九率              | 十率                  |
|-------------|-----------------|---------------------|
| 一 二 三 四 五 六 | 一 二 三 四 五 六 七 八 | 一 二 三 四 五 六 七 八 九 十 |
| 一           | 一               | 一                   |
| 二           | 二               | 二                   |
| 三           | 三               | 三                   |
| 四           | 四               | 四                   |
| 五           | 五               | 五                   |
| 六           | 六               | 六                   |
| 七           | 七               | 七                   |
| 八           | 八               | 八                   |
| 九           | 九               | 九                   |
| 十           | 十               | 十                   |

五

率自一至八分之四百二

三

十少十一率自一至十分

之四千四百一十爲第三數應加第一加得數正  
負均異名仍當以減爲加計減得少三率一二分  
之一少五率一二三四分之二少七率自一至六  
分之十六多九率自一至八分之三百五十八少  
十一率自一至十分之四千一百五十六爲第二  
加得數次置第四數全率四除之正負互易得少  
九率自一至八分之六百三十多十一率自一至  
十分之一萬八千九百爲第四數應加第二加得  
數正負仍異名復以減爲加計減得少三率一二

分之一少五率一二三四分之二少七率自一至  
六分之十六少九率自一至八分之二百七十二  
多十一率自一至十分之一萬四千七百四十四  
爲第三加得數次置第五數全率五除之正負互  
易得少十一率自一至十分之二萬二千六百八  
十應加第三加得數正負仍異名復以減爲加計  
減得少三率一二分之一少五率一二三四分之  
二少七率自一至六分之十六少九率自一至八  
分之二百七十二少之一率自一至十分之七千  
九百三十六爲本弧求餘弦對數率分亦卽餘弧  
求正弦對數率分也

細審餘弧求正弦對數各率分數其分母分子均與求割線對數同特正負不同故其求遞次乘法亦借本弧求切線術而以對數根乘第一數亦與求割線對數同意也

又法用以本數求折小各率第四術如求負算對數第二術之法求之則當以本弧求正矢率分爲乘法以本弧求正矢率分轉減一率半徑得本弧求餘弦率分用爲除法乃置一率一以乘法乘之除法除之正負互易爲第一數次置第一數乘法乘之除法除之爲第二數全率次置第二數全率乘法乘之除法除之爲第三數全率如是遞求得

各數全率然後置第二數全率二除之爲第二數  
應加置第三數全率三除之爲第三數應減遞次  
加減亦得餘弧求正弦對數率分而所得之分母  
分子亦與前術同故不復贅

凡求四十五度以外諸正弦對數其降位最難  
取數最多者莫如求四十五度之正弦對數茲  
將有四十五度弧分求其正弦對數算式列於  
後

法以四十五度減象限仍得四十五度爲餘弧檢弧  
線表得餘弧弧分單位下七八五三九八一六三四

○爲二率自乘得單位下六一六八五○二七五○

七二爲三率乃依求正割對數術求得○一三三九

四七三三五三一爲第一數負求正弦對數逐率之  
乘法除法與求正割

對數同今三率又同  
故但依前術求之求得一三七七○九○八四

四爲第二數負求得二二六五二二三六四爲第

三數負 求得四二四一八一五二爲第四數負

求得八四八二四五九爲第五數負 求得一七六

七一五二爲第六數負 求得三七八六七五爲第

七數負 求得八二八三五爲第八數負 求得一

八四〇八爲第九數負 求得四一四二爲第十數

負 求得九四一爲第十一數負 求得二一六爲

第十二數負 求得五〇爲第十三數負 求得一

二爲第十四數負 求得三爲第十五數負 乃以

諸負數相并得負〇一五〇五一四九九七八四爲

半徑單一之四十五度正弦對數

正弦恒小千半徑半徑單一則正弦

爲不滿單一之數故其對數爲負以半徑一百億係十一位乃以求

得數與一〇相減得九八四九四八五〇〇二二爲  
所求四十五度正弦對數也

二半 〇七八五三九八一六三四〇

三半 〇六一六八五〇二七五〇七二

第一數 〇一三三九四七三三五三一

二 一三七七〇九〇八四四

三 二二六五二二二六四

四 四二四一八二五二

五 一八四一五五九

六 三七六七一五二

七 一八二八七五

八 四一四〇八

九 二一四一

十 一五〇六

十一 三二

十二 〇

減得數 九八四九四八五〇〇二二六

以求折小各率前二術求正割對數而所得之分子分子適同以求折小各率後二術求餘弦對數而所得之分子亦同故求對數雖有四術而施之於八線對數實止二術但此二術之分子分子亦仍相同其不同者正負耳所以然者正割與半徑與餘弦爲三率連比例既命半徑爲單一其對數爲適足無數卽半徑昇之對數亦仍適足無數故正割對數與餘弦對數相加亦必爲適足無數此所以兩對數相同而異其正負庶相加而適相抵也若半徑一百億其對數爲一○半徑昇對數必爲二○故以求得數加一○爲正割對數以

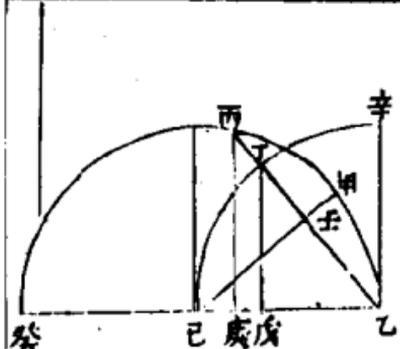
減一〇爲餘弦對數若兩數相加仍得二〇也

有四十五度以外諸正弦對數求四十五度以內諸正弦對數

術曰以本弧減象限得餘弧又本弧倍之得倍弧乃取倍弧正弦對數加半徑對數以餘弧正弦對數減之再減二之對數卽得本弧正弦對數

解曰凡餘弧正弦與半徑之比同于倍弧正弦與倍弧通弦之比也

如圖甲乙爲本弧丙甲乙爲倍弧丙癸爲倍餘弧壬乙爲本弧丙壬同丙壬乙爲倍弧通弦丙庚爲倍弧



正弦丙乙癸角所對爲倍餘弧則乙角必得餘弧

度

凡邊角得  
心角之半

試以乙爲心己爲界作己辛象限截

丙乙線于丁則己丁必爲餘弧丁乙必爲半徑又  
從丁至戊作正弦爲餘弧正弦丁戊乙小句股形  
與丙庚乙大句股形爲同式形故以丁戊小句爲  
餘弧正弦比丁乙小弦爲半徑若丙庚大句爲倍  
弧正弦與丙乙大弦爲倍弧通弦半還弦卽本弧  
正弦也

一率

丁戊

小句

餘弧正弦

二率

丁乙

小弦

半徑

三率

丙庚

大句

倍弧正弦

四率 丙乙弦大倍弧通弦

在真數爲以半徑乘倍弧正弦以餘弧正弦除之  
得倍弧通弦半之得本弧正弦在對數則爲以半  
徑對數加倍弧正弦對數以餘弧正弦對數減之  
得倍弧通弦對數內減二之對數得本弧正弦對  
數也

假如有四十五度以外諸正弦對數求四十三  
四度正弦對數

法以本弧四十四度減象限得四十六度爲餘弧又  
本弧倍之得八十八度爲倍弧乃取倍弧八十八度  
正弦對數九九九七三三五八九加半徑對數

得一九九九九七三五三八九以餘弧四十六度  
正弦對數九八五六九三四〇九〇一減之得一〇  
一四二八〇一二六八八再減二之對數得九八四  
一七七一二七三二爲四十四度正弦對數如求四  
十三度正弦對數法以本弧四十三度減象限得四  
十七度爲餘弧又本弧倍之得八十六度爲倍弧乃  
取倍弧八十六度正弦對數九九八九四〇七八  
九八加半徑對數得一九九九八九四〇七八九八以  
餘弧四十七度正弦對數九八六四一二七四六三八  
減之得一〇一三四八一三三二六〇再減二之對  
數得九八三三七八三三三〇四爲四十三度正弦

對數也

大凡本弧在四十五度以內則餘弧必在四十五度以外惟本弧小于二十二度三十分則倍弧不及四十五度然揆次遞求至二十餘度而此不及四十五度之倍弧正弦對數必先經求得矣故有四十五度以外諸正弦對數自可徧求四十五度以內諸正弦對數

有正餘弦對數求正餘切對數

術曰以本弧正弦對數加半徑對數內減本弧餘弦對數得正切對數若以餘弦對數加半徑對數內減正弦對數即得餘切對數

假如求四十四度正餘切對數

法以本弧正弦對數九八四一七七一二七三二加  
半徑對數得一九八四一七七一二七三二內減本  
弧餘弦對數九八五六九三四〇九〇一得九九八  
四八三七一八三一爲正切對數若以餘弦對數加  
半徑對數得一九八五六九三四〇九〇一內減正  
弦對數得一〇〇一五一六二八一六九爲餘切對  
數

有正餘弦對數求正餘割對數

術曰以半徑對數倍之內減本弧餘弦對數得正割  
對數若內減本弧正弦對數卽得餘割對數



法以四十四度半之得二十二度爲半弧以半弧減半象限得二十三度爲半餘弧乃取半弧正弦對數九五七三五七五四一七。倍之得一九一四七一五。八三四。再加二之對數得一九四四八一八。八二九六內減半徑對數得九四四八一八。八二九六爲正矢對數若以半餘弧正弦對數九五九一八七八。一一六倍之得一九一八三七五六。二二三二再加二之對數得一九四八四七八六。一八八內減半徑對數得九四八四七八六。一八八爲餘矢對數

有正餘弦對數求正餘大矢對數

術曰以半弧餘弦對數倍之加二之對數內減半徑對數得本弧大矢對數以半餘弧餘弦對數倍之加二之對數內減半徑對數得餘弧大矢對數

假如求四十四度正餘大矢對數

法以四十四度半之得二十二度爲半弧以半弧減半象限得二十三度爲半餘弧乃取半弧餘弦對數九九六七一六五八六。五倍之得一九九三四三三一七二一。再加二之對數得二。二三五三六一七。一七。一六六內減半徑對數得一。二三五三六一七。一六六爲本弧大矢對數若以半餘弧餘弦對數九九六四。二六。八二七倍之得一九九二八。

五二二六五四再加二之對數得二〇二二九〇八  
二二六一〇內減半徑對數得一〇二二九〇八二  
一六一〇爲餘弧大矢對數

假數測圓卷之下

譚瑩玉生覆校